

Soluzione esercizio 1

1. Applichiamo la legge delle maglie:

$$-iR_1 - \epsilon_2 - iR_2 + \epsilon_1 = 0$$

Quindi:

$$\epsilon_1 - \epsilon_2 = i(R_1 + R_2)$$

Quindi:

$$i = \frac{\epsilon_1 - \epsilon_2}{R_1 + R_2} = \frac{6V}{300\Omega} = 0.02A$$

2. La potenza dissipata da R_2 sarà:

$$P = i^2 R_2 = (0.02A)^2 \times 50\Omega = 0.02W$$

3. La potenza assorbita dal generatore ϵ_2 sarà:

$$P = iV = 0.02A \times 15V = 0.3W$$

Soluzione esercizio 2

Introduciamo l'asse z parallelo all'asse del cilindro, con l'origine su una faccia, orientato nel verso della corrente. Immaginiamo di tagliare il cilindro in tante fette sottili parallele alle basi, di altezza dz . Se la densità di corrente è uniforme sulla sezione di ciascuna fetta, la sua resistenza può essere calcolata come

$$dR = \frac{\rho dz}{A}$$

. Poichè la corrente attraversa successivamente le varie fette, possiamo vedere il conduttore come collegamento in serie di tutte le resistenze infinitesime dR , ossia:

$$R = \int dR = \int_0^L \rho \frac{dz}{a}$$

. Per cui l'integrale diventa:

$$R = \int_0^L \rho \frac{dz}{\pi R^2} = \int_0^L (a+bz+cz^2) \frac{dz}{\pi R^2} = \frac{1}{\pi r^2} \left[ax + \frac{bx^2}{2} + \frac{cx^3}{3} \right]_0^L = 7.83 \cdot 10^{-5} \Omega$$